

数学试题



欢迎参加中考，相信你能成功！请先阅读以下几点注意事项：

1. 试卷分为第Ⅰ卷和第Ⅱ卷两部分，共6页，全卷满分150分，考试时间120分钟。
2. 第Ⅰ卷每小题选出答案后，用2B铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑，如需要改动，先用橡皮擦干净后，再选涂其它答案，答案写在本试卷上无效。
3. 答第Ⅱ卷时，用0.5毫米黑色墨水签字笔，将答案写在答题卡上指定的位置，答案写在试卷上或答题卡上规定的区域以外无效。
4. 作图要用2B铅笔，加黑加粗，描写清楚。
5. 考试结束，将本试卷和答题卡一并交回。

第Ⅰ卷（选择题 共24分）

一、选择题（本大题共有8小题，每小题3分，共24分。在每小题给出的四个选项中，恰有一项是符合题目要求的，请将正确选项前的字母代号填涂在答题卡相应位置上）

1. -2的相反数是

A. 2	B. -2	C. $\frac{1}{2}$	D. $-\frac{1}{2}$
------	-------	------------------	-------------------
2. 2016年某市用于资助贫困学生的助学金总额是9680000元，将9680000用科学记数法表示应为

A. 96.8×10^5	B. 9.68×10^6	C. 9.68×10^7	D. 0.968×10^8
-----------------------	-----------------------	-----------------------	------------------------
3. 计算 $a^2 \cdot a^3$ 的结果是

A. $5a$	B. $6a$	C. a^5	D. a^6
---------	---------	----------	----------
4. 点P(1, -2)关于y轴对称的点的坐标是

A. (1, 2)	B. (-1, 2)	C. (-1, -2)	D. (-2, 1)
-----------	------------	-------------	------------
5. 下列式子为最简二次根式的是

A. $\sqrt{5}$	B. $\sqrt{12}$	C. $\sqrt{a^2}$	D. $\sqrt{\frac{1}{a}}$
---------------	----------------	-----------------	-------------------------
6. 九年级(1)班15名男同学进行引体向上测试，每人只测一次，测试结果统计如下：

引体向上数/个	0	1	2	3	4	5	6	7	8
人数	1	1	2	1	3	3	2	1	1

这15名男同学引体向上数的中位数是

- | | | | |
|------|------|------|------|
| A. 2 | B. 3 | C. 4 | D. 5 |
|------|------|------|------|

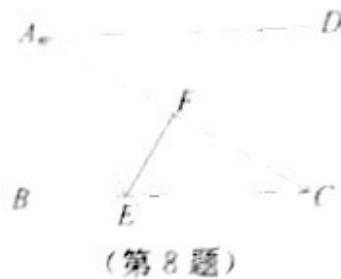
7. 若一个三角形的两边长分别为 5 和 8, 则第三边长可能是

- A. 14 B. 10 C. 3 D. 2

8. 如图, 在矩形纸片 $ABCD$ 中, $AB=3$, 点 E 在边 BC 上, 将 $\triangle ABE$

沿直线 AE 折叠, 点 B 恰好落在对角线 AC 上的点 F 处, 若 $\angle EAC=\angle ECA$, 则 AC 的长是

- A. $3\sqrt{3}$ B. 6 C. 4 D. 5



(第 8 题)

第 II 卷 (非选择题 共 126 分)

二、填空题(本大题共有 10 小题, 每小题 3 分, 共 30 分. 不需写出解答过程, 请把答案直接写在答题卡相应位置上)

9. 分解因式: $ab-b^2 = \underline{\quad}$.

10. 计算: $2(x-y)+3y = \underline{\quad}$.

11. 若反比例函数 $y=-\frac{6}{x}$ 的图像经过点 $A(m, 3)$, 则 m 的值是 $\underline{\quad}$.

12. 方程 $\frac{2}{x-1}=1$ 的解是 $\underline{\quad}$.

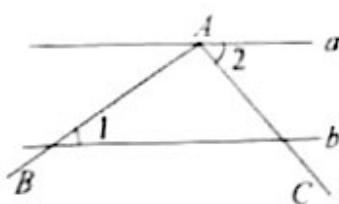
13. 一枚质地均匀的骰子的 6 个面上分别刻有 1~6 的点数, 抛掷这枚骰子 1 次, 向上一面的点数是 4 的概率是 $\underline{\quad}$.

14. 若关于 x 的一元二次方程 $x^2-x+k+1=0$ 有两个不相等的实数根, 则 k 的取值范围是 $\underline{\quad}$.

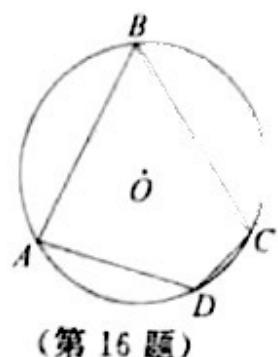
15. 如图, 直线 $a \parallel b$, $\angle BAC$ 的顶点 A 在直线 a 上, 且 $\angle BAC=100^\circ$. 若 $\angle 1=34^\circ$, 则 $\angle 2= \underline{\quad}^\circ$.

16. 如图, 在圆内接四边形 $ABCD$ 中, 若 $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 的度数之比为 $4:3:5$, 则 $\angle D$ 的度数是 $\underline{\quad}^\circ$.

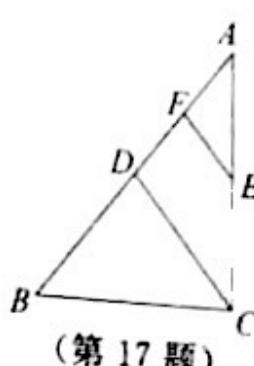
17. 如图, 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, 点 D 、 E 分别是 AB 、 AC 的中点, 点 F 是 AD 的中点. 若 $AB=8$, 则 $EF= \underline{\quad}$.



(第 15 题)



(第 16 题)



(第 17 题)

18. 将从 1 开始的连续自然数按以下规律排列：

第 1 行	1
第 2 行	2 3 4
第 3 行	9 8 7 6 5
第 4 行	10 11 12 13 14 15 16
第 5 行	25 24 23 22 21 20 19 18 17
.....	

则 2017 在第 \blacktriangle 行。

三、解答题(本大题共有 10 小题,共 96 分,请在答题卡指定区域内作答,解答时应写出必要的文字说明、证明过程或演算步骤)

19.(本小题满分 12 分)计算:

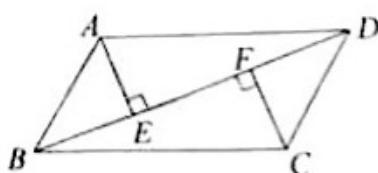
$$(1) -3 - (\sqrt{5} + 1)^0 + (-2)^2;$$

$$(2) \left(1 - \frac{3}{a}\right) \div \frac{a-3}{a^2}.$$

20.(本小题满分 8 分)解不等式组: $\begin{cases} 3x-1 < x+5, \\ \frac{x-3}{2} < x-1, \end{cases}$ 并写出它的整数解.

21.(本小题满分 8 分)已知:如图,在 $\square ABCD$ 中, $AE \perp BD$, $CF \perp BD$, 垂足分别为 E 、 F .

求证: $\triangle ADE \cong \triangle CBF$.



(第 21 题)

22.(本小题满分 8 分)一只不透明的袋子中装有 2 个白球和 1 个红球,这些球除颜色外都相同,搅匀后从中任意摸出 1 个球(不放回),再从余下的 2 个球中任意摸出 1 个球.

(1)用树状图或列表等方法列出所有可能出现的结果;

(2)求两次摸到的球的颜色不同的概率.

23. (本小题满分 8 分) 某校计划成立学生社团, 要求每一位学生都选择一个社团. 为了了解学生对不同社团的喜爱情况, 学校随机抽取了部分学生进行“我最喜爱的一个学生社团”问卷调查, 规定每人必须并且只能在“文学社团”、“科技社团”、“书画社团”、“体育社团”和“其他”五项中选择一项, 并将统计结果绘制了如下两个不完整的统计图表.

社团名称	人数
文学社团	18
科技社团	a
书画社团	45
体育社团	72
其他	b



请解答下列问题:

(1) $a = \underline{\hspace{2cm}}$, $b = \underline{\hspace{2cm}}$;

$\frac{18}{120} \times 100\% = 15\%$

(2) 在扇形统计图中, “书画社团”所对应的扇形圆心角度数为 $\underline{\hspace{2cm}}$;

$20\% \times 360^\circ = 72^\circ$

(3) 若该校共有 3000 名学生, 试估计该校学生中选择“文学社团”的人数.

$15\% \times 3000 = 450$

15%

24. (本小题满分 8 分) A、B 两地被大山阻隔, 若要从 A 地到 B 地, 只能沿着如图所示的公路先从 A 地到 C 地, 再由 C 地到 B 地. 现计划开凿隧道使 A、B 两地直线贯通, 经测量得: $\angle CAB = 30^\circ$, $\angle CBA = 45^\circ$, AC=20km. 求隧道开通后与隧道开通前相比, 从 A 地到 B 地的路程将缩短多少? (结果精确到 0.1km, 参考数据: $\sqrt{2} \approx 1.414$, $\sqrt{3} \approx 1.732$)

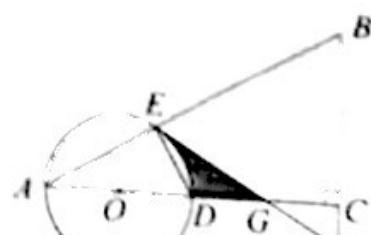


(第 24 题)

25. (本小题满分 8 分) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, O 是边 AC 上一点, 以 O 为圆心, OA 为半径的圆分别交 AB、AC 于点 E、D, 在 BC 的延长线上取点 F, 使得 $BF = EF$, EF 与 AC 交于点 G.

(1) 试判断直线 EF 与 $\odot O$ 的位置关系, 并说明理由;

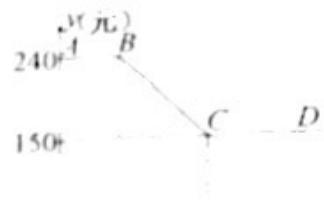
(2) 若 $OA = 2$, $\angle A = 30^\circ$, 求图中阴影部分的面积.



26. (本小题满分 10 分) 某公司组织员工到附近的景点旅游, 根据旅行社提供的收费方案, 绘制了如图所示的图像, 图中折线 $ABCD$ 表示人均收费 y (元) 与参加旅游的人数 x (人) 之间的函数关系.

(1) 当参加旅游的人数不超过 10 人时, 人均收费为 \blacktriangle 元;

(2) 如果该公司支付给旅行社 3600 元, 那么参加这次旅游的人数是多少?



O 10 25 x(人)

(第 26 题)

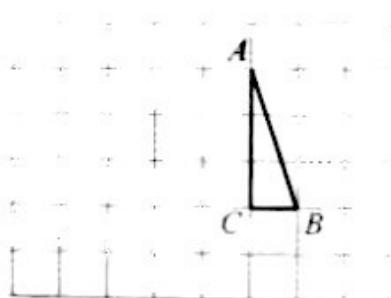
27. (本小题满分 12 分)

【操作发现】

如图①, 在边长为 1 个单位长度的小正方形组成的网格中, $\triangle ABC$ 的三个顶点均在格点上.

(1) 请按要求画图: 将 $\triangle ABC$ 绕点 A 按顺时针方向旋转 90° , 点 B 的对应点为 B' , 点 C 的对应点为 C' , 连接 BB' ;

(2) 在(1)所画图形中, $\angle AB'B = \blacktriangle^\circ$.



图①

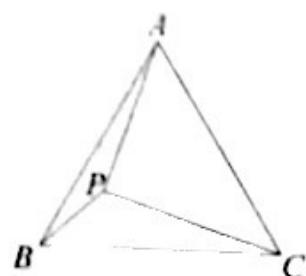
【问题解决】

如图②, 在等边三角形 ABC 中, $AC=7$, 点 P 在 $\triangle ABC$ 内, 且 $\angle APC=90^\circ$, $\angle BPC=120^\circ$, 求 $\triangle APC$ 的面积.

小明同学通过观察、分析、思考, 对上述问题形成了如下想法:

想法一: 将 $\triangle APC$ 绕点 A 按顺时针方向旋转 60° , 得到 $\triangle AP'B$, 连接 PP' , 寻找 PA 、 PB 、 PC 三条线段之间的数量关系;

想法二: 将 $\triangle APB$ 绕点 A 按逆时针方向旋转 60° , 得到 $\triangle AP'C$, 连接 PP' , 寻找 PA 、 PB 、 PC 三条线段之间的数量关系.



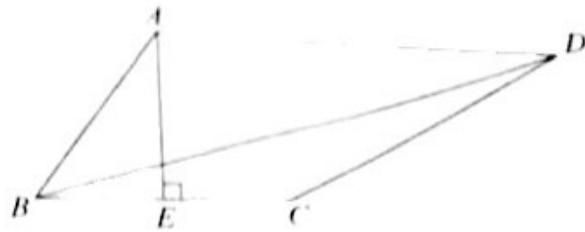
图②

.....

请参考小明同学的想法, 完成该问题的解答过程. (一种方法即可)

【灵活运用】

如图③，在四边形ABCD中， $AE \perp BC$ ，垂足为E， $\angle BAE = \angle ADC$ ， $BE = CE = 2$ ， $CD = 5$ ， $AD = kAB$ （k为常数），求BD的长（用含k的式子表示）。



图③

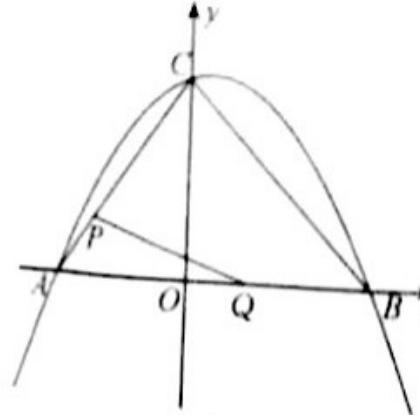
28. (本小题满分14分) 如图①，在平面直角坐标系中，二次函数 $y = -\frac{1}{3}x^2 + bx + c$ 的图像与坐标轴交于A、B、C三点，其中点A的坐标为(-3, 0)，点B的坐标为(4, 0)，连接AC、BC。动点P从点A出发，在线段AC上以每秒1个单位长度的速度向点C作匀速运动；同时，动点Q从点O出发，在线段OB上以每秒1个单位长度的速度向点B作匀速运动，当其中一点到达终点时，另一点随之停止运动，设运动时间为t秒。连接PQ。

(1) 填空： $b = \underline{\quad}$, $c = \underline{\quad}$ ；

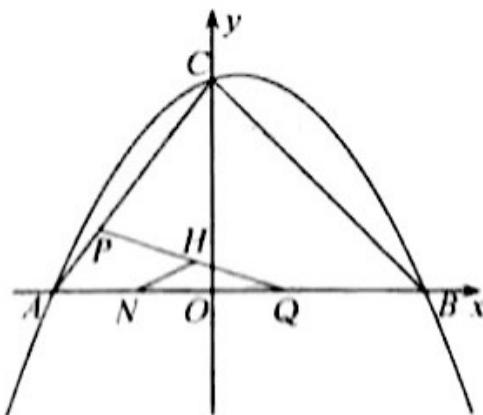
(2) 在点P、Q运动过程中， $\triangle APQ$ 可能是直角三角形吗？请说明理由；

(3) 在x轴下方，该二次函数的图像上是否存在点M，使 $\triangle PQM$ 是以点P为直角顶点的等腰直角三角形？若存在，请求出运动时间t；若不存在，请说明理由；

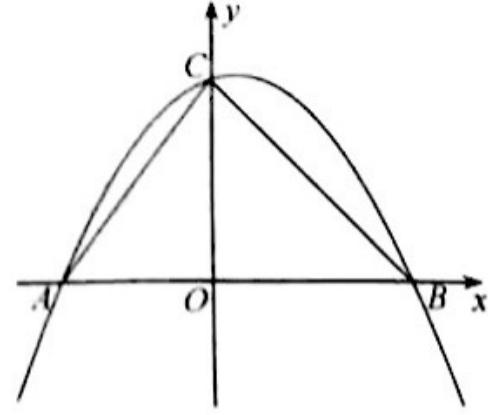
(4) 如图②，点N的坐标为 $(-\frac{3}{2}, 0)$ ，线段PQ的中点为H，连接NH，当点Q关于直线NH的对称点Q'恰好落在线段BC上时，请直接写出点Q'的坐标。



图①



图②



备用图

